

最難関問題

直角三角形の辺の長さ

先生が太郎君に、図1の四角形 $ABCD$ において AE と EC の長さの比を求める問題を出しました。

太郎君「だめだ、よくわからないや」

先生「では、1つヒントを出しましょう。」

と言って先生は図2をかきました。

先生「図2は2つの直角三角形 FGH と FIJ を重ねたもので、 FI と IG の長さは等しく、 FG と IJ の長さは等しくなっています。この図をよく見ると、問題を解くことができますよ。」

しばらく考えてから、太郎君は問題に正解することができました。このことを参考に、図1の AE と EC の長さの比を求めなさい。

図1

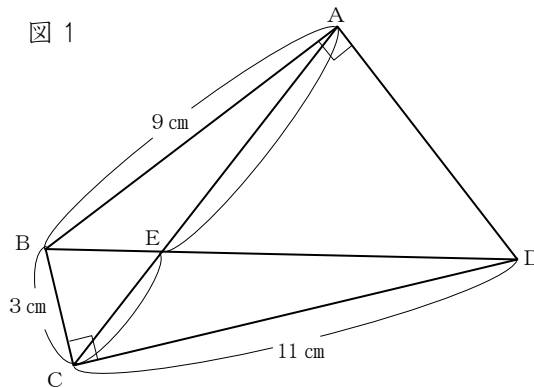
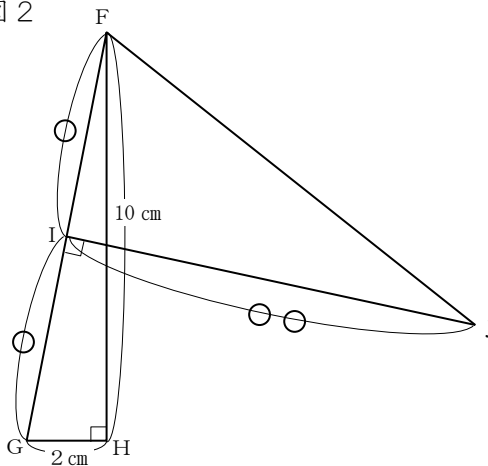


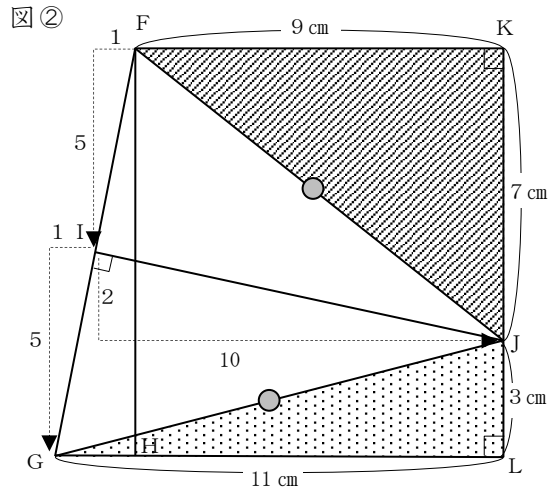
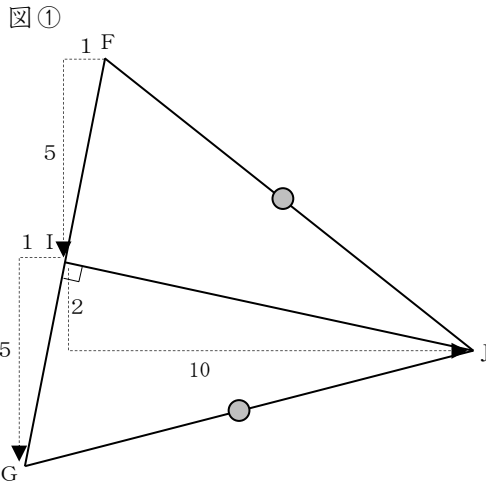
図2



最難関問題

直角三角形の辺の長さ 21 : 11

FI = IGで、FGとIJが垂直であることから、図①のように三角形JFGを作ると、JF = JGの二等辺三角形になります。このとき、辺FGは頂点Fから点Iに向けてく左に1cm・下に5cm>進み、点Iから頂点Gに向けてもく左に1cm・下に5cm>進む傾き方をしています。FGはく左に2cm・下に10cm>であり、FGとIJは垂直に交わり長さが等しいことから、IJはく下に2cm・右に10cm>進みます。よって、図②のように直角三角形JLGとKFJをつくると、GL = 11cm, LJ = 3cm, JK = 7cm, KF = 9cmになります。



図②の三角形JLGと図③の三角形BCDは2本の辺とその間の角の大きさがそれぞれ等しいので合同です。よって、BDの長さはJGやJFと等しくなります。また、三角形KFJとABDは、直角三角形であり直角と向かい合う辺ともう1本の辺の長さがそれぞれ等しいので、やはり合同になりますから、ADの長さは7cmです。AEとECの長さの比は、三角形ABDとBCDの面積の比に等しいので、 $(9 \times 7) : (3 \times 11) = 21 : 11$ です。

