



## 最難関問題

かけ算の筆算と虫食い算

$67 \times 89$  という式を、次の筆算で計算します。

$$\begin{array}{r} 67 \\ \times 89 \\ \hline 63 \\ 54 \\ 56 \\ 48 \\ \hline 5963 \end{array}$$

このとき、積の1の位は3、十の位は $6 + 4 + 6 = 16$ より6、百の位は16のくり上がりの1を加えて、 $1 + 5 + 5 + 8 = 19$ より9、千の位は19のくり上がりの1を加えて、 $1 + 4 = 5$ より5となって、 $67 \times 89 = 5963$ と求められます。

以下の問いに答えなさい。

- (1) 2けたの整数 $\square 8$ と23の積の十の位の数と、2けたの整数 $\triangle 4$ と76の積の十の位の数等しいとき、 $(\square, \triangle)$ として考えられる組み合わせをすべて答えなさい。
- (2) 2けたの整数 $\square 4$ と $\triangle 7$ の積の十の位の数9であるとき、 $(\square, \triangle)$ として考えられる組み合わせをすべて答えなさい。
- (3) 3けたの整数 $\square \triangle 9$ と67の積の百の位の数2であるとき、 $(\square, \triangle)$ として考えられる組み合わせをすべて答えなさい。



## 最難関問題

かけ算の筆算と虫食い算

(1)  $(\square, \triangle) = (2, 4), (2, 9), (4, 5), (6, 1), (6, 6), (8, 2), (8, 7)$

(2)  $(\square, \triangle) = (1, 5), (3, 4), (3, 9), (5, 3), (5, 8), (7, 2), (7, 7), (9, 1), (9, 6)$

(3)  $(\square, \triangle) = (8, 0), (8, 3), (8, 6), (8, 9), (9, 2), (9, 5), (9, 8)$

(1) 例にならって  $\square 8 \times 23$  と  $\triangle 4 \times 76$  の筆算をかくと、次のようになります。

□ 8
× 23
24
○ a
16
○○
○○○ 4

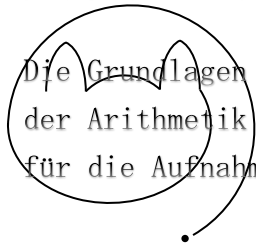
△ 4
× 76
24
○ b
28
○○
○○○ 4

どちらも十の位へのくり上がりはないので、 $2 + a + 6 = 8 + a$  と  $2 + b + 8 = 10 + b$  の一の位が等しければよいこととなりますが、 $10 + b$  の一の位は  $b$  ですから、 $8 + a$  の一の位と  $b$  が等しい場合を探します。 $a$  は  $3 \times \square$  の一の位、 $b$  は  $6 \times \triangle$  の一の位ですから、3の段と6の段の九九を考えます。

□, △	1	2	3	4	5	6	7	8	9
3の段	3	6	9	12	15	18	21	24	27
6の段	6	12	18	24	30	36	42	48	54

$b$  は6の段の九九の一の位ですから、必ず偶数です。 $b = 8 + a$  より、 $a$  も偶数ときまります。 $a$  は3の段の一の位ですから、 $3 \times$  偶数の場合のみを考えます。 $\square = 2$  のとき、 $3 \times 2 = 6$  より  $a = 6$  ですから、 $8 + 6 = 14$  より  $b = 4$  となるのは、 $6 \times 4 = 24$  と  $6 \times 9 = 54$  のときですから、 $\triangle = 4, 9$  となります。同様に調べていき、

$(\square, \triangle) = (2, 4), (2, 9), (4, 5), (6, 1), (6, 6), (8, 2), (8, 7)$  となります。



## 最難関問題

(2) 同様に筆算をかくと、次のようになります。

$$\begin{array}{r}
 \square 4 \\
 \times \triangle 7 \\
 \hline
 \begin{array}{l}
 \boxed{2}8 \\
 \circ a \\
 \circ b \\
 \hline
 \circ \circ \\
 \hline
 \circ \circ \circ 8
 \end{array}
 \end{array}$$

十の位は  $2 + a + b$  の一の位ですから、 $2 + a + b$  の一の位が9になる場合、つまり  $a + b$  の一の位が7になる場合を探します。aは  $7 \times \square$  の一の位、bは  $4 \times \triangle$  の一の位ですから、7の段と4の段の九九を考えます。

$\square, \triangle$	1	2	3	4	5	6	7	8	9
7の段	7	14	21	28	35	42	49	56	63
4の段	4	8	12	16	20	24	28	32	36

bは4の段の九九の一の位ですから、必ず偶数です。a + bの一の位が7になるためには、aは奇数でなければならず、aは7の段の一の位ですから、 $7 \times$  奇数の場合のみを考えます。 $\square = 1$  のとき、 $7 \times 1 = 7$  より  $a = 7$  ですから、 $7 + b$  の一の位が7であることから、 $b = 0$  ときまります。よって、 $4 \times 5 = 20$  より、 $\triangle = 5$  となります。同様に調べていき、

$(\square, \triangle) = (1, 5), (3, 4), (3, 9), (5, 3), (5, 8), (7, 2), (7, 7), (9, 1), (9, 6)$  となります。



最難関問題

(3) 同様に筆算をかくと，次のようになります。

$$\begin{array}{r}
 \square\triangle 9 \\
 \times \quad 67 \\
 \hline
 \phantom{\square\triangle} 63 \\
 \phantom{\square\triangle} a \circ \\
 \phantom{\square\triangle} \circ b \\
 \phantom{\square\triangle} 54 \\
 \phantom{\square\triangle} \circ c \\
 \hline
 \circ \circ \circ \circ 3
 \end{array}$$

十の位は  $6 + \circ + 4$  ですから，必ず1くり上がります。よって， $1 + a + b + 5 + c = 6 + a + b + c$  の一の位が2ですから， $a + b + c$  の一の位が6となればよいことがわかります。aは  $7 \times \triangle$  の十の位ですが， $\triangle$  が0か1の場合は0になると考えます。bは  $7 \times \square$  の一の位，cは  $6 \times \triangle$  の一の位です。

7の段と6の段の九九を書くと，以下のようにになります。

$\square, \triangle$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
7の段	0	7	14	21	28	35	42	49	56	63
6の段	0	6	12	18	24	30	36	42	48	54

- ・  $\triangle = 0$  のとき， $a = c = 0$  ですから， $b = 6 - (0 + 0) = 6$  となる場合をさがして  $7 \times 8 = 56$  より， $\square = 8$  です。
- ・  $\triangle = 1$  のとき， $a = 0$ ， $c = 6$  ですが， $b = 6 - (0 + 6) = 0$  となる場合はありません。 $\square$  は3けたの整数の百の位ですから，0ではあり得ません。
- ・  $\triangle = 2$  のとき， $a = 1$ ， $c = 2$  ですから， $b = 6 - (1 + 2) = 3$  となる場合をさがして  $7 \times 9 = 63$  より， $\square = 9$  です。

同様に調べていき，

$(\square, \triangle) = (8, 0), (8, 3), (8, 6), (8, 9), (9, 2), (9, 5), (9, 8)$  となります。